

ZAKONI PREDIKATNEGA RAČUNA

1. Kvantifikatorja in negacija:

$$\begin{aligned}\neg \forall x P(x) &\sim \exists x \neg P(x) \\ \neg \exists x P(x) &\sim \forall x \neg P(x)\end{aligned}$$

2. Komutativnost istovrstnih kvantifikatorjev:

$$\begin{aligned}\forall x \forall y P(x, y) &\sim \forall y \forall x P(x, y) \\ \exists x \exists y P(x, y) &\sim \exists y \exists x P(x, y)\end{aligned}$$

3. Univerzalni kvantifikator in konjunkcija:

$$\forall x(P(x) \wedge Q(x)) \sim \forall x P(x) \wedge \forall x Q(x)$$

4. Eksistenčni kvantifikator in disjunkcija:

$$\exists x(P(x) \vee Q(x)) \sim \exists x P(x) \vee \exists x Q(x)$$

5. Naslednje enakovrednosti veljajo samo, če spremenljivka x v formuli W ne nastopa:

$$\begin{aligned}\forall x(W \wedge P(x)) &\sim W \wedge \forall x P(x) \\ \forall x(W \vee P(x)) &\sim W \vee \forall x P(x) \\ \exists x(W \wedge P(x)) &\sim W \wedge \exists x P(x) \\ \exists x(W \vee P(x)) &\sim W \vee \exists x P(x)\end{aligned}$$