

1. Preveri pravilnost sklepov s pomočjo dokaza s protislovjem (*reductio ad absurdum*).

- (a) $(p \Rightarrow q) \wedge (r \Rightarrow s), \quad s \wedge q \Rightarrow t, \quad \neg t \models \neg(p \wedge r),$
- (b) $p \vee q, \quad p \Rightarrow r, \quad q \Rightarrow s \models r \vee s,$
- (c) $p \vee q, \quad p \vee r, \quad r \Rightarrow s, \quad \neg(q \wedge s) \models p,$
- (d) $p \Rightarrow r \wedge t, \quad t \vee s \Rightarrow \neg q \models \neg(p \wedge q),$
- (e) $p \Leftrightarrow q, \quad r \vee s \Rightarrow p, \quad s \vee t, \quad \neg t \vee r \models q.$

2. Preveri pravilnost sklepov s pomočjo pogojnega sklepa.

- (a) $p \Rightarrow (q \vee r), \quad \neg r \models p \Rightarrow q,$
- (b) $p \vee q \Rightarrow r \wedge s, \quad r \vee t \Rightarrow u \models p \Rightarrow u,$
- (c) $p \Rightarrow q \vee r, \quad q \Rightarrow \neg p, \quad \neg(s \wedge r) \models p \Rightarrow \neg s,$
- (d) $s \wedge (p \Rightarrow t), \quad t \Rightarrow (q \vee r) \models p \Rightarrow (\neg q \Rightarrow r).$

3. Za področje pogovora izberimo naravna števila. Enomestni predikat P in dvomestni predikat D interpretiramo kot:

$$\begin{aligned} P(x) &: x \text{ je praštevilo,} \\ D(x, y) &: \text{stevilo } x \text{ deli stevilo } y. \end{aligned}$$

Zapiši interpretacije in določi logične vrednosti spodnjih izjavnih formul. Zapiši še negacije teh izjavnih formul.

- (a) $\forall x (P(x) \vee D(2, x))$
- (b) $\exists x (P(x) \wedge D(2, x))$
- (c) $\exists x (P(x) \wedge D(5, x))$
- (d) $\forall x (P(x) \Rightarrow \neg D(10, x))$
- (e) $\forall x (D(4, x) \Rightarrow D(2, x))$
- (f) $\forall x \exists y D(x, y)$
- (g) $\exists y \forall x D(x, y)$
- (h) $\forall x \exists y (P(y) \wedge D(y, x))$
- (i) $\exists x \forall y (D(x, y) \Rightarrow \neg P(y))$
- (j) $\forall x \exists y (P(x) \Rightarrow P(y) \wedge D(y, x))$

4. Poišči interpretacije, v katerih imajo naslednji pari izjavnih formul nasprotni logični vrednosti.
- (a) $\forall x(P(x) \Rightarrow R(x)), \exists x(P(x) \Rightarrow R(x))$
 - (b) $\forall x(P(x) \Leftrightarrow R(x)), \forall x(P(x) \Rightarrow R(x))$
 - (c) $\forall x\forall y(P(x) \Rightarrow P(y)), 0$
 - (d) $\forall x\forall y(P(x) \Rightarrow P(y)), 1$